# ТОПОЛОГИЧЕСКИЕ ВОЗМОЖНОСТИ «СПЛЮЩЕННЫХ» СЕТЕЙ. ДВУШАГОВЫЕ СЕТИ

# Каравай М. Ф.<sup>1</sup>, Подлазов В. С.<sup>2</sup>

(ФГБУН Институт проблем управления им. В.А. Трапезникова РАН, Москва)

Рассматриваются различные 2-шаговые «сплющенные» системные сети, имеющие более высокие характеристики чем сеть «сплющенная бабочка» (Flattened Butterfly).

Ключевые слова: системные сети, сплющенные сети, полные графы, квазиполные графы и орграфы, обобщенные сети Клоза, сложность и энергопотребление, число абонентов, диаметр, коммутационные свойства.

#### 1. Введение.

Сеть Flattened Butterfly с n шагами (FBn) [9] считается перспективной системной сетью [6] для создания сетей связи в суперкомпьютерах на базе многопортовых коммутаторовмаршрутизаторов. Эта сеть получается «сплющиванием» nкаскадной k-ичной бабочки в плоскую сеть, при котором все коммутаторы с одинаковыми номерами в разных каскадах бабочки объединяются в один составной коммутатор, а симплексные каналы между каскадами бабочки объединяются в

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Михаил Федорович Каравай, доктор технических наук, доцент (Москва, ул. Профсоюзная, д.65, тел. (495) 334-90-00, mkaravay@ipu.ru).

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Виктор Сергеевич Подлазов, доктор технических наук, доцент (Москва, ул. Профсоюзная, д.65, тел. (495) 334-78-31, podlazov@ipu.ru).

дуплексные каналы между разными составными коммутаторами.

Общее число число абонентов (процессоров), объединяемых *FBn*, составляет  $N=k^n$ , а ее диаметр (число составных коммутаторов на пути между двумя абонентами) – D=n. Сеть *FBn* состоит из  $M=N/k=k^{n-1}$  составных коммутаторов, каждый из которых состоит из n коммутаторов  $k \times k$  и имеет m=n(k-1)+1 дуплексных портов. Из них k портов используются для подсоединения k абонентов и (n-1)(k-1) порт – для связи дуплексными каналами с другими составными коммутаторами сети. Число сетевых дуплексных каналов в *FBn* составляет величину R=(n-1)(k-1)M.

Принято считать, что сложность *s* и энергопотребление *w* полного коммутатора пропорциональными квадрату числа портов, поэтому они для составного коммутатора составляют величины  $s=bnk^2$  и  $w=cnk^2$  соответственно, где *b* и *c* коэффициенты пропорциональности. Тогда сложность *S* сети *FBn* задается как  $S=bnk^2M=bnk^{n+1}=bnN^{(n+1)/n}$ . Аналогично, для энергопотребления –  $W=cnN^{(n+1)/n}$ .

Обратим внимание на то, что сеть *FB2* имеет топологию полного графа (рис. 1). В ней *S* и *W* задаются как  $S=b2k^2M=2bk^3$  и  $W=2ck^3$ , т.е. величинами пропорциональными кубу числа портов отдельного коммутатора. Поэтому уменьшение числа портов коммутаторов при модификации сети *FB2* (даже при некотором увеличении их числа) может понизить ее сложность и энергопотребление.



Рис.1. Исходная сеть FB2 при k=4 (N=16 и m=7).

В результате мы приходим к следующей постановке задачи для сети FB2, как сети с наименьшим диаметром. Практически не изменяя число абонентов сети N необходимо уменьшить сложность S и энергопотребление W сети за счет изменения ее топологии, при котором имеет место уменьшение числа портов составных коммутаторов. При сохранении размеров составных коммутаторов такая модификация сети FB2 должна приводить к увеличению числа абонентов N.

Возможность такой постановки задачи открывает разработка [1, 2] сетей с прямыми каналами, имеющих топологию квазиполных графов и орграфов, которые позволяют эффективно заменять в топологии сети полный граф с числом узлов  $M^{=k}$  на квазиполный граф с числом узлов  $M^{=k}(k^*-1)/\sigma+1$  (где  $\sigma$  – число независимых прямых каналов между любыми двумя узлами) или на квазиполный орграф с  $M^*=(k^*)^2$  (только с одним прямым каналом  $\sigma=1$ ). В случае  $N \approx N^*$ , где N=kM и  $N^*=k^*M^*$ , это приводит к уменьшению степени узлов от k до  $k^* \approx (\sigma k)^{2/3}$ . При схемной реализации степень узла задает число его портов.

Обоснованность такой постановки подтверждается тем, что сеть с топологией квазиполного графа или орграфа является неблокируемой при самомаршрутизации пакетов каждым источником. Это означает, что она логически эквивалентна сети с топологией полного графа. При схемной реализации увеличение задержки передачи пакета по такой сети будет составлять малую часть его длительности на произвольных перестановках пакетов и на случайном равномерном трафике между абонентами [3]. Последний вид трафика и имеет место между составными коммутаторами в *FB2*.

Дело в том, что сеть FBn наследует коммутационные свойства сети *n*-каскадная *k*-ичная бабочка. Сеть *FBn* имеет только один путь между любыми двумя абонентами, и она не является ни неблокируемой ни даже перестраиваемой. Как она имеет большое число конфликтов на следствие произвольном трафике, значительному приводящее к увеличению задержек передачи. Для преодоления этого недостатка приходится использовать специальные алгоритмы маршрутизации, которые и приводят к равномерной рандомизации трафика между коммутаторами. Эти алгоритмы снижают пропускную способность сети до двух раз или аналогично повышают ее эффективный диаметр (реальные задержки передачи) [9].

#### 2. Квазиполные графы и орграфы

Квазиполный граф (quasy full graph)  $QFG(M^*,k^*,\sigma^*)$  – это однородный двудольный граф, каждую долю которого составляют  $M^*$  узлов степени  $k^*$ . Значение  $k^*$  выбирается минимальным, при котором любые два узла в одной доле связаны  $\sigma^* \leq k^*$  прямыми путями длины 2 через разные узлы в другой доле. Если такой граф существует, то его параметры связаны соотношением  $M^* = k^*(k^*-1)/\sigma^* + 1$ . На рис. 2 представлена сеть с топологией квазиполного графа QFG(7,4,2), т.е. с двумя путями между узлами одной доли.



Рис. 2. Сеть с топологией квазиполного графа QFG(7,4,2).

Квазиполные графы изоморфны симметричным блоксхемам, исследуемым в комбинаторике [4, 5].

При схемной реализации  $QFG(M^*,k^*,\sigma^*)$  узлы одной доли (первичные узлы) – это абоненты с  $k^*$  дуплексными портами, а узлы другой доли (вторичные узлы) – это полные коммутаторы  $k^* \times k^*$  с  $k^*$  дуплексными портами. Таблицей инцидентности квазиполного графа является симметричная блок-схема  $B(M^*,k^*,\sigma^*)$ , которая представлена в табл. 1 для графа QFG(7,4,2).

Эта таблица задает схему межсоединений узлов разных долей в сети. Первая колонка в ней задает коммутаторы, а строки – подсоединенных к ним абонентов, задаваемых номерами в ячейках.

Блоки 4×4	<i>B</i> (7, 4, 2) <i>QFG</i> (7, 4, 2)					
1	1	2	3	4		
2	1	2	5	7		
3	1	3	5	6		
4	1	4	6	7		
5	2	3	6	7		
6	2	4	5	6		
7	3	4	5	7		

Таблица 1. Схема межсоединений в QFG(7,4,2)

Квазиполный граф существует не при любых  $k^*$  и  $\sigma^*$  [1, 2], а в тех случаях когда он существует построение его (построение инцидентной блок-схемы) это сложная комбинаторная задача [4, 5].

Нахождение прямого пути между любыми двумя абонентами сводится к нахождению номеров выходных портов абонентов и коммутаторов, однозначно задающих этот путь. А прокладка прямого канала – это просто передача короткого пакета-зонда по выбранному пути с подтверждением его приема.

Основные коммутационные свойства сети с топологией квазиполного графа состоят в следующем [1, 2]. Во-первых, это сеть с прямыми каналами. Во-вторых, эти каналы находятся и строятся путем самомаршрутизации каждым абонентом независимо от других абонентов. В-третьих, эта сеть является неблокируемой, т.е. обеспечивает бесконфликтную реализацию любой перестановки пакетов данных между абонентами и в этом равносильна сети с топологией полного графа. В-четвертых, эта сеть является  $(\sigma^*-1)$ -отказоустойчивой по каналам, т.е. отказ  $(\sigma^*-1)$ -го канала у любых абонентов

сохраняет первые три свойства. Более того, они сохраняются и при отказе любых ( $\sigma^*$ -1)-го коммутаторов.

Квазиполный орграф определяется только при  $\sigma^{*=1}$  и для направленных дуг. Квазиполный орграф  $QFDG(M^*,k^*)$  – это однородный двудольный граф, каждую долю которого составляют  $M^*$  узлов степени  $k^*$ . Значение  $k^*$  выбирается минимальным, при котором любые два узла в одной доле связаны прямыми путями длины 2 через разные узлы в другой доле.

Такой орграф всегда существует, и его параметры связаны соотношением  $M^* = (k^*)^2$ . На рис. 3 и 4 примеры разных *QFDG*(9, 3), в которых схемы межсоединений задаются табл. 2 и 3.



Рис. 3. Квазиполный орграф QFDG(9, 3), полученный из 2-мерного 3-ичного мультикольца [1].

Коммутаторы 3×3	Дуги от абонентов			Дуги к абонентам		
1	1	9	8	1	4	7
2	2	1	9	2	5	8
3	3	2	1	3	6	9
4	4	3	2	4	7	1
5	5	4	3	5	8	2
6	6	5	4	6	9	3
7	7	6	5	7	1	4
8	8	7	6	8	2	5
9	9	8	7	9	3	6

Таблица 2. Схема межсоединений в орграфе по рис. 3.

В общем случае при произвольном  $k^*$  на пересечении *i*ой строки  $(1 \le i \le M^*)$  и *j*-го столбца  $(1 \le j \le k^*)$  в левой части таблицы содержится номер  $(i-j) \mod(M^*+1)$ , а в правой – номер  $[i+(j-1)k^*] \mod(M^*+1)$ .



Рис. 4. Квазиполный орграф QFDG(9, 3), полученный из 2-мерного 3-ичного обобщенного гиперкуба [1].

При произвольном  $k^*$  на пересечении *i*-й строки  $(1 \le i \le M^*)$  и *j*-го столбца  $(1 \le j \le k^*)$  в левой части таблицы содержится номер  $\lfloor i/k^* \rfloor k^* + j$ , а в правой – номер  $(i) \mod(k^*+1) + (j-1)k^*$ .

Коммутаторы 3×3	Дуги от абонентов			Дуги к абонентам		
1	1	2	3	1	4	7
2	1	2	3	2	5	8
3	1	2	3	3	6	9
4	4	5	6	1	4	7
5	4	5	6	2	5	8
6	4	5	6	3	6	9
7	7	8	9	1	4	7
8	7	8	9	2	5	8
9	7	8	9	3	6	9

Таблица 3. Схема межсоединений в орграфе по рис. 4.

Заметим специально, что при схемной реализации квазиполного орграфа встречные пути между каждой парой

абонентов на участке абонент-коммутатор задаются парой встречных симплексных каналов, которые могут быть подсоединены к разным коммутаторам и могут не образовывать дуплексных каналов. Поэтому далее в работе связи между коммутаторами абонентами квазиполного графа И для подсчитываются в числе дуплексных каналов. а лля квазиполного орграфа – в числе пар встречных симплексных каналов.

## 3. Расширение сети FB2

Сначала рассмотрим вариант изменения топологии для сети *FB2*, сложность и энергопотребление которой составляет величины  $S=2bN^{3/2}$  и  $W=2cN^{3/2}$ . Для этого расширим *FB2*, заменив в ней полный граф на квазиполный граф или орграф, в котором первичные узлы являются составными коммутаторами (рис. 5). Такую сеть будем называть расширенной сплющенной бабочкой *EFB2*.



Рис. 5. Сеть EFB2 при  $k^*=4$  ( $M^*=16$  и  $m^*=7$ ). S<sub>i</sub> и s<sub>i</sub> – это составные и сетевые коммутаторы соответственно. Связи между s<sub>i</sub> задает QFG(4, 3, 2).

В *EFB2* к каждому составному коммутатору с  $m^*=2k^*-1$  дуплексными портами добавляется сетевой коммутатор с  $k^*-1$ 

портами. Каналы между составными И сетевыми коммутаторами прокладываются согласно схемам межсоединений в квазиполных графе или орграфе. На рис. 5 используется квазиполный граф, который обеспечивает два прямых любыми первичными пути межлу двумя коммутаторами.

Любые два составных коммутатора в *EFB2* связаны через один сетевой коммутатор, поэтому формально диаметр *EFB2* задается как  $D^*=1,5D$ . Однако, передачи пакетов через сетевые коммутаторы осуществляются по прямым каналам без их буферизации, и задержки в сетях *FB2* и *EFB2* различаются только на очень малую часть длительности пакетов. Поэтому для перестановочного трафика  $D^* \approx D$ , а для равномерного случайного трафика, как показывает моделирование задержек квазиполного графа [3],  $D^* \approx 1, 2D$ .

При использовании топологии квазиполного орграфа сеть *EFB2* будет содержать  $M^* = (k^* - 1)^2$  составных и  $M^* = (k^* - 1)^2$  сетевых коммутаторов, и объединять  $N^* = k^* M^* = k^* (k^* - 1)^2$  абонентов и использовать  $R^* = M^* (k-1)$  дуплексных каналов.

Сложность каждой спарки составного и сетевого коммутаторов составляет величину  $s^*=2b(k^*)^2+b(k^*-1)^2\approx 3b(k^*)^2$ , а сложность всей сети – величину  $S^*=M^*s^*\approx 3b(N^*)^{4/3}$ . По постановке задачи  $N\approx N^*$ , поэтому имеет место оценка  $S/S^*\approx 2(N)^{1/6}/3$ . При  $N^*=10^3\approx N=1024=K$  имеет место оценка  $S/S^*\approx 2,1$ , а при N=32K и  $N^*=33K$  – оценка  $S/S^*\approx 3,8$ . Аналогично для энергопотребления.

В сети *EFB2* с топологией квазиполного орграфа для  $N^*=1100$  имеем  $k^*=11$  и  $W^*=c10^2(2\cdot11^2+10^2)$ . В сети *FB2* для N=1024 имеем k=32 и  $W=2c32^3$ . Поэтому при  $N^*\approx N$  имеем  $W/W^*\approx 1,92$ .

Вариант сети *FB2* при  $N \approx 32K$  в настоящее время технически нереализуем, т.к. требует составных коммутаторов с 363 портами, тогда как самый большой однокристальный коммутатор *YARC* [10] имеет только 64 дуплексных портов. В этом случае придется использовать сеть *FBn* с n > 2.

Сравним характеристики сетей *EFB2* и *FB3* при  $N^*=33K$  и N=32K. Для *EFB2* имеем:  $k^*=33$ ,  $M^*=(k^*-1)^2=K$ ,  $R^*=(k^*-1)^3=32K$  и

 $W^* = cK(2 \cdot 33^2 + 32^2)$ . Для *FB3* имеем k=32,  $M=k^2=K$ , R=2M(k-1)=62K и  $W=3cK32^2$ . Теперь  $W/W^* \approx 0.96$  при  $R/R^*=1.94$  и  $D/D^* \approx 1.5/1.2=1.25$ , т.е. здесь выравнивание энергопотребления сопровождается увеличением числа каналов и задержек передачи.

В случае использования топологии квазиполного графа появляется возможность иметь несколько прямых каналов через разные сетевые коммутаторы. В частности, для *EFB2* при  $\sigma = 2$ можно выбрать  $k^*=13$  и получить  $N^*=1027$  и  $W^*=c12^2(2\cdot13^2+12^2)$ , т.е. иметь  $W/W^* \approx 0.94$  при N=1024. При  $\sigma = 2$  также можно реализовать вариант с  $k^*=32$  и  $N^*=16401$ . Правда, требующиеся для этого *QFG*(79, 13, 2) и *QFG*(513, 32, 2) еще необходимо построить [4, 5].

# 4. Сплющивание обобщенных сетей

Обобщенными мы называем сложенные многокаскадные сети, в которых межкаскадные соединения имеют топологию квазиполного графа или орграфа [7]. В частности, 2-шаговая обобщенная сеть получается из квазиполного графа или орграфа по рис. 2–4 заменой каждого абонента на дуплексный (двунаправленный) коммутатор  $k^* \times k^*$  (коммутатор ввода-вывода – коммутатор BB), каждого узла другой доли – на коммутатор  $k^* \times k^*$  (коммутатор рафа или пары симплексных каналов для орграфа. Такая сеть объединяет  $N^* = k^* [k^* (k^* - 1)/\sigma^* + 1]$  абонентов, если она получена из квазиполного графа.

При сплющивании 2-шаговой обобщенной сети одноименные коммутаторы ВВ и хребта объединяются в один составной коммутатор с  $m^*=2k^*-1$  дуплексными портами. Такая сплющенная сеть состоит из  $M^*=N^*/k^*$  составных коммутаторов, любые два из которых связаны  $2(k^*-1)$  парами симплексных каналов, использует  $R^*=2M^*(k^*-1)$  таких пар каналов и имеет диаметр  $D^*=3$ . Обозначим сплющенную 2-шаговую обобщенную сеть как *FG2*.

При использовании топологии квазиполного орграфа сложность сети FG2 задается выражением  $S^*=3b(k^*)^4=3b(N^*)^{4/3}$ .

Такая *FG2*, как *FB2* и *EFB2*, имеет только один путь между любыми двумя абонентами и не является ни перестраиваемой ни неблокируемой. Поэтому в ней необходимо использовать такие же алгоритмы маршрутизации как и в *FB2*. Отношение сложностей *FB2* и *FG2* при  $N \approx N^*$  задается выражением  $S/S^* = 2bN^{1/6}/3$ . т.е. таким же соотношением как и для *FB2* и *EFB2* в предыдущем параграфе. Число сетевых портов составного коммутатора в *FB2* задается величиной  $r=k-1=N^{1/2}-1$ , а в *FG2* – величиной  $r^*=2(k^*-1)=2(N^{1/3}-1)$ .

Энергопотребление сетей *FB2 с N*=1024 и *FG2 N*\*=1000 при  $N \approx N^*$  определяется при k=32 и  $k^*=10$  и задается соотношением  $W/W^* \approx 2,1$ . В *FB2* используется R=k(k-1)=992 дуплексных каналов (1984 симплексных каналов), а в *FG2* используется  $R^*=2(k^*)^2(k^*-1)=1800$  пар симплексных каналов. При этом каждый составной коммутатор в *FB2* имеет r=31 сетевых портов, а в *FG2* – только  $r^*=20$  сетевых портов. В случае использования топологии квазиполного графа в сети появляется возможность иметь несколько прямых каналов

В случае использования топологии квазиполного графа в сети появляется возможность иметь несколько прямых каналов через разные вторичные коммутаторы. В частности, для *FB2* с N=1024 в *FG2* с  $\sigma^*=2$  можно выбрать  $k^*=13$  и получить  $M^*=79$ ,  $N^*=1027$  и  $W^*=c3M^*13^2$ . Поэтому  $W/W^* \approx 1,64$  и  $R^*=2M^*(k^*-1)=1896$  пар симплексных каналов, т.е.  $R^*\approx 1,91R$ . Здесь опять в *FB2* r=31, а в *FG2* только  $r^*=24$ .

Для топологии квазиполного графа отдельным случаем является вариант с  $\sigma^* = k^*/2$ , при котором обобщенная сеть может стать 2-каскадной сложенной неблокируемой сетью [8]. Для этого достаточно использовать дуплексные коммутаторы BB  $(k^*/2) \times k^*$  с 1,5 $k^*$  дуплексными портами и хребтовые коммутаторы  $k^* \times k^*$  с  $k^*$  дуплексными портами. Сложность и тех и других задается как  $b(k^*)^2$ . Число таких коммутаторов задается как  $M^*=2k^*-1$ .

Как M = 2n + 1. Сплющивание такой неблокируемой сети порождает неблокируемую сеть FN2, объединяющую  $N^* = M^* k^* / 2 = k^* (k^* - 1/2)$ абонентов, состоящую из  $M^*$  составных коммутаторов с  $m^* = 2,5k^* - 1$  дуплексными портами каждый при сложности  $s = 2b(k^*)^2$ . Она имеет почти одинаковое с FB2энергопотребление и полуторный диаметр. Каждый составной коммутатор в FN2 имеет в два раза большее число портов, чем в FB2. Сеть FN2 не требует использования специальных алгоритмов маршрутизации [8] и не испытывает двукратного сокращения пропускной способности и увеличения задержек передачи на произвольном равномерном трафике как FB2.

## 5. Заключение.

Рассмотрена модификация топологии сети FB2, имеющей наименьший диаметр, осуществляемая практически без изменения числа абонентов (процессоров), диаметра сети и числа используемых каналов, которая обеспечивает более чем двукратное снижение энергопотребления сети за счет использования более мелких коммутаторов. Кроме того, эта значительно модификация увеличить позволяет число абонентов без увеличения диаметра сети при использовании коммутаторов исходного размера.

Модификация сети FB2 в расширенную сеть EFB2 состоит в замене топологии полного графа на топологию квазиполного орграфа, осуществляемая графа или за счет введения промежуточного слоя малых коммутаторов.

Предложена новая сплющенная сеть FG2, полученная из 2каскадной обобщенной сети, которая в полтора раза больший диаметр чем FB2, сложность и энергопотребление как EFB2, меньшее число портов в каждом составном коммутаторе по сравнению с FB2. Она также позволяет значительно увеличить число абонентов сети при полуторном увеличении диаметра при использовании таких же коммутаторов как в сети FB2.

Рассмотрен отдельный вариант сети FG2, полученный сплющиванием нового вида неблокируемой сети - сеть FN2. Она имеет одинаковые с FB2 число узлов, энергопотребление, и меньшие задержки передачи, но использует вдвое большее число сетевых портов в составных коммутаторах.

**Литература** 1. КАРАВАЙ М.Ф., ПОДЛАЗОВ В.С. *Метод инвариантного* многопроцессорных расширения системных сетей вычислительных систем. Идеальная системная сеть. // АиТ. 2010 No 10 C 166-176

2. КАРАВАЙ М.Ф., ПОДЛАЗОВ В.С. Распределенный полный коммутатор как «идеальная» системная сеть для многопроцессорных вычислительных систем Управление большими системами: сборник трудов (электронный журнал). М.: Учреждение Российской академии наук ИПУ им. В.А.Трапезникова РАН. 2011. вып. 34. С. 92–116. URL: <u>http://ubs.mtas.ru/upload/library/UBS3405.pdf</u>.

3. КАРАВАЙ М.Ф., ПОДЛАЗОВ В.С. Расширенный обобщенный гиперкуб как отказоустойчивая системная сеть для многопроиессорных систем // Управление большими сборник трудов (электронный журнал). системами: M.: Учпеждение Российской академии начк ИПУ им. В.А.Трапезникова РАН. 2013. вып. 45. C. 344–371. URL: http://ubs.mtas.ru/upload/library/UBS4515.pdf.

4. КАРАВАЙ М.Ф., ПАРХОМЕНКО П.П., ПОДЛАЗОВ В.С. Комбинаторные методы построения двудольных однородных минимальных квазиполных графов (симметричных блок-схем) // AuT. 2009. № 2. С. 153–170.

5. КАРАВАЙ М.Ф., ПОДЛАЗОВ В.С. Расширенные блоксхемы для идеальных системных сетей // Проблемы управления. 2012. № 4. С. 45–51.

6. КОРЖ А.А. Инновационная платформа A-Class для создания мультипетафлопсных систем // Международная суперкомпьютерная конференция «Научный сервис в сети Интернет: многообразие суперкомпьютерных миров». Новороссийск. 2014. Пленарный доклад. Устное сообщение.

7. ПОДЛАЗОВ В.С., СОКОЛОВ В.В. Обобщенные сети Клоза // AuT. 2009. № 10. С. 158–170.

8. ПОДЛАЗОВ В.С. Новый вид неблокируемой сети // AuT. 2014. № 10. С. 139–152.

9. KIM J., DALLY W. J. AND ABTS D. Flattened Butterfly: A Cost-Efficiently Topology for High-Radix Networks // URL: http://www.cs.berkeley.edu/~kubitron/courses/cs258-S08/handouts/papers/ISCA FBFLY.pdf.

10. SCOTT S., ABTS D., KIM J. AND DALLY W. *The Black Widow* High-radix Clos Network // *Proc.* 33<sup>rd</sup> *Intern. Symp. Comp. Arch.* (ISCA'2006). 2006. URL: <u>http://cva.stanford.edu/people/jjk12/isca06.pdf</u>.

#### TOPOLOGICAL CAPABILITIES OF FLATTENED NETWORKS

**Mikhail Karavay**, Institute of Control Sciences of RAS, Moscow, Doctor of Science, assistant professor (<u>mkaravay@ipu.ru</u>, Moscow, Profsoyuznaya st., 65, (495)334-90-00).

Viktor Podlazov, Institute of Control Sciences of RAS, Moscow, Doctor of Science, assistant professor (<u>podlazov@ipu.ru</u>, Moscow, Profsoyuznaya st., 65, (495)334-78-31).

Abstract: A few 2-step flattened system-area networks with more better features comparing to Flattened Butterfly network are considered.

Keywords: system-area networks, flattened networks, full graphs, quasy full graphs and digraphs, generalized Clos networks, complexity and power consumption, number of abonets (processors), diameter, switching features.